## Lernzettel

Kreisprozesse und Leistungskennwerte in technischen Anwendungen (Rankine-, Brayton- und Kühllzyklen)

Universität: Technische Universität Berlin Kurs/Modul: Technische Wärmelehre (9 LP)

Erstellungsdatum: September 20, 2025



Zielorientierte Lerninhalte, kostenlos! Entdecke zugeschnittene Materialien für deine Kurse:

https://study. All We Can Learn. com

Technische Wärmelehre (9 LP)

Lernzettel: Kreisprozesse und Leistungskennwerte in technischen Anwendungen (Rankine-, Brayton- und Kühllzyklen)

(1) Grundbegriffe und Zustandsgrößen. Zustandsgrößen beschreiben den Momentanzustand eines Systems. Hauptgrößen in thermodynamischen Kreisprozessen sind:

$$p$$
,  $T$ ,  $h$  (Enthalpie),  $s$  (Entropie)

Weitere Größen sind Volumen v, Dichte  $\rho$  und Massendurchsatz  $\dot{m}$ .

Zustandsgröße und Beziehung.

$$h = u + p v$$
 
$$Q - W = \Delta U \quad \text{(erstes Hauptsatz)}$$

(2) Allgemeine Zielsetzung von Kreisprozessen. Ziel: Wärme in Arbeit oder Kühlwirkung umsetzen. Wichtige Kennwerte:

$$W_{\text{net}} = \dot{m} \left[ (h_1 - h_2) - (h_4 - h_3) \right]$$
$$Q_{\text{in}} = \dot{m} (h_1 - h_4)$$
$$Q_{\text{out}} = \dot{m} (h_2 - h_3)$$
$$\eta_{\text{th}} = \frac{W_{\text{net}}}{Q_{\text{in}}}$$

- (3) Rankine-Zyklus idealer Dampfkreis. Typische Prozessschritte:
  - $1 \to 2$  Turbineneingang (Dampf)
  - $2 \rightarrow 3$  Kondensation
  - $3 \rightarrow 4$  Verdampfungsdruck (Pumpe)
  - $4 \rightarrow 1$  Rückführung zum Boiler

In Gleichungen (pro Masse  $\dot{m}$ ):

$$W_{\text{net}} = \dot{m} \left[ (h_1 - h_2) - (h_4 - h_3) \right]$$
$$Q_{\text{in}} = \dot{m} (h_1 - h_4)$$
$$Q_{\text{out}} = \dot{m} (h_2 - h_3)$$
$$\eta_{\text{th}} = \frac{W_{\text{net}}}{Q_{\text{in}}}$$

- (4) Brayton-Zyklus Gas-Turbinenprozess. Prozessschritte:
  - $1 \rightarrow 2$  Kompression (isentrope)
  - $2 \rightarrow 3$  Wärmezufuhr (Verbrennung)
  - $3 \rightarrow 4$  Expansion im Turbomotor

•  $4 \rightarrow 1$  Abkühlung

$$W_{\text{net}} = \dot{m} \left[ (h_3 - h_4) - (h_2 - h_1) \right]$$

$$Q_{\text{in}} = \dot{m} (h_3 - h_2)$$

$$Q_{\text{out}} = \dot{m} (h_4 - h_1)$$

$$\eta_{\text{th}} = \frac{W_{\text{net}}}{Q_{\text{in}}}$$

Ideale Brayton-Wirkungsgleichung.

$$\eta_{\rm ideal} = 1 - \frac{1}{r_p^{(\gamma-1)/\gamma}}$$

mit

$$r_p = \frac{p_2}{p_1}, \quad \gamma = \frac{c_p}{c_v}$$

(5) Kühllzyk (Kälteprozess). Ziel: Wärme aus dem zu Kühlenden entfernen.

$$Q_L = \dot{m}(h_1 - h_4)$$

$$W_{\text{in}} = \dot{m}(h_2 - h_1)$$

$$Q_H = \dot{m}(h_2 - h_3)$$

$$COP_{\text{ref}} = \frac{Q_L}{W_{\text{in}}}$$

Carnot-Refrigerator (ideal).

$$COP_{ref}^{Carnot} = \frac{T_L}{T_H - T_L}$$

- (6) Leistungskennwerte und Design-Parameter. Massendurchsatz  $\dot{m}$  spezifische Arbeit w=W/m Nettoleistung  $\dot{W}_{\rm net}=\dot{m}W_{\rm net}$  thermischer Wirkungsgrad  $\eta_{\rm th}$  Druckverhältnis  $r_p$  und Zustandspunkte
- (7) Beispielrechnung (Rankine). Gegeben:  $\dot{m} = 1 \text{ kg s}^{-1}$ ,

$$h_1 = 3200 \text{ kJ kg}^{-1}, \quad h_2 = 2700 \text{ kJ kg}^{-1}, \quad h_3 = 1000 \text{ kJ kg}^{-1}, \quad h_4 = 150 \text{ kJ kg}^{-1}.$$

Berechnungen:

$$W_{\rm net} = \dot{m} \left[ (h_1 - h_2) - (h_4 - h_3) \right] = (3200 - 2700) - (150 - 1000) = 500 - (-850) = 1350 \text{ kW}$$

$$Q_{\rm in} = \dot{m} (h_1 - h_4) = 3200 - 150 = 3050 \text{ kW}$$

$$\eta_{\rm th} = \frac{W_{\rm net}}{Q_{\rm in}} = \frac{1350}{3050} \approx 0.44$$

(8) Ergänzende Hinweise. - Stoffdaten: Wasser-Dampf, Dampf-Tafeln, T-s- und h-s-Diagramme. - Praktische Anwendungen berücksichtigen reale Effekte wie Verdampfer-Hysterese, Reibung, Wärmeverluste und Nicht-Idealitäten.