Lernzettel

Gleichgewicht und Kinetik: Massenwirkungsgesetz, Gleichgewichtskonstante, Reaktionskinetik

Universität: Technische Universität Berlin

Kurs/Modul: Einführung in die Allgemeine und Anorganische Chemie

Erstellungsdatum: September 20, 2025



Zielorientierte Lerninhalte, kostenlos! Entdecke zugeschnittene Materialien für deine Kurse:

https://study. All We Can Learn. com

Einführung in die Allgemeine und Anorganische Chemie

Lernzettel: Gleichgewicht und Kinetik – Massenwirkungsgesetz, Gleichgewichtskonstante, Reaktionskinetik

(1) Massenwirkungsgesetz (MWG). Für eine allgemeine Reaktion

$$a A + b B \implies c C + d D$$

gilt das Massenwirkungsgesetz (MWG) in einer Schätzung der Gleichgewichtslage:

$$K_{c} = \frac{[C]^{c}[D]^{d}}{[A]^{a}[B]^{b}},$$

wobei die Klammern die Konzentrationen in mol L^{-1} bezeichnen. Δn ist die Differenz der stöchiometrischen Koeffizienten der Gasphasen:

$$\Delta n = (c+d) - (a+b).$$

Für Gasreaktionen gilt außerdem die Beziehung zur Druck- bzw. Partialdruck-basierten Größe

$$K_{\rm p} = \frac{P_{\rm C}^c P_{\rm D}^d}{P_{\rm A}^a P_{\rm B}^b}.$$

Die Verbindung zwischen K_p und K_c lautet

$$K_{\rm p} = K_{\rm c} (RT)^{\Delta n},$$

wobei R die ideale Gaskonstante ist (bei üblicher Standardisierung 1 bar bzw. 1 atm). T ist die Temperatur in Kelvin.

Hinweis zu Standards und Einheiten. In der Praxis kann K_c je nach Standardzustand (1 mol L^{-1}) dimensionale Einheiten haben. Oft wird die Größe als dimensionslos angegeben, sofern man die Standardzustände entsprechend festlegt.

Beispiel: Haber-Bosch-Reaktion.

$$N_2(g) + 3\,H_2(g) \rightleftharpoons 2\,NH_3(g)$$

$$K_{\rm c} = \frac{[{\rm NH_3}]^2}{[{\rm N_2}] \, [{\rm H_2}]^3}, \quad \Delta n = (2) - (1+3) = -2.$$

Daraus folgt

$$K_{\rm p} = K_{\rm c} \left(RT \right)^{-2}.$$

(2) Gleichgewichtskonstante und Temperaturabhängigkeit. Die Gleichgewichtskonstante hängt von der Temperatur ab. Ein wichtiger Zusammenhang ist das van't-Hoff-Gesetz:

$$\frac{d \ln K}{dT} = \frac{\Delta H^{\circ}}{R T^2},$$

mit ΔH° der Reaktions-Standardenthalpie. Aus dem integrierten Ausdruck ergibt sich z. B.

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = -\frac{\Delta H^{\circ}}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right).$$

Interpretation der Größe K. - Ist $K_c \gg 1$, liegt das Gleichgewicht auf der Produktseite vor. - Ist $K_c \ll 1$, liegt das Gleichgewicht auf der Eduktseite. - Die Temperaturänderung verschiebt das Gleichgewicht je nach Vorzeichen von ΔH° (Le Chatelier).

(3) Reaktionskinetik. Die Reaktionskinetik beschreibt, wie schnell Reaktionen ablaufen und wie sich Konzentrationen mit der Zeit ändern.

Geschwindigkeitsgesetze. Für eine allgemeine Reaktion aA + bB cC + dD gilt das Geschwindigkeitsgesetz (für eine mögliche, experimentell bestimmte Ordnung):

$$\text{Rate} = -\frac{1}{a}\frac{d[\mathbf{A}]}{dt} = -\frac{1}{b}\frac{d[\mathbf{B}]}{dt} = \frac{1}{c}\frac{d[\mathbf{C}]}{dt} = \frac{1}{d}\frac{d[\mathbf{D}]}{dt} = k\,[\mathbf{A}]^m[\mathbf{B}]^n \quad \text{(allgemeine Form)}.$$

Hierbei sind m, n die Reaktionsordnungen bezüglich A bzw. B, und k ist die Geschwindigkeitskonstante.

Forward- und Reverse-Geschwindigkeiten.

Forward:
$$r_f = k_f[A]^a[B]^b$$
, Reverse: $r_r = k_r[C]^c[D]^d$.

Am Gleichgewicht gilt

$$r_f = r_r \implies K_c = \frac{k_f}{k_r}$$
 (für eine elementare Schritt-Reaktion).

Daraus folgt die übliche Gleichung

$$K_{c} = \frac{[C]^{c}[D]^{d}}{[A]^{a}[B]^{b}}.$$

Arrheitsche Zerlegung der Geschwindigkeit. Die Temperaturabhängigkeit der Geschwindigkeitskonstante wird oft beschrieben durch die Arrhenius-Gleichung:

$$k = A e^{-\frac{E_a}{RT}},$$

wobei A der präexponentielle Faktor und E_a die Aktivierungsenergie ist.

Integrale Geschwindigkeitsgesetze (oft geeichte Übungsformen). Für einfache Reaktionen mit einem Reaktanten A gilt:

- 0. Ordnung (n = 0): $[A] = [A]_0 kt$,
- 1. Ordnung (n = 1): $[A] = [A]_0 e^{-kt}$,
- 2. Ordnung (n = 2): $\frac{1}{[A]} = \frac{1}{[A]_0} + kt$.

Bei mehreren Reaktanden kann eine Pseudo-Ordnung verwendet werden, sofern eine Komponente im Überschuss vorhanden ist.

Beispielhafte Anwendung. Wenn in einer Reaktion der beobachtete Anfangsraten einer ersten Ordnung gegenüber A entsprechen, dann fällt die Halbwertszeit $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$ an.

Zusammenfassung. - MWG liefert das Verhältnis der Gleichgewichtskonzentrationen. - K_p und K_c sind Temperaturabhängig und über Δn miteinander verknüpft. - Die Reaktionskinetik beschreibt Rate, Ordnung, und Zeitverläufe, verknüpft über k_f , k_r bzw. k und Temperatur.