# Lernzettel

Elektrostatische Grundgrößen: Ladung, Feld, Potenzial, Spannung, Polarisation und Kapazität

Universität: Technische Universität Berlin

Kurs/Modul: Grundlagen der Elektrotechnik (GLET)

Erstellungsdatum: September 20, 2025



Zielorientierte Lerninhalte, kostenlos! Entdecke zugeschnittene Materialien für deine Kurse:

https://study. All We Can Learn. com

Grundlagen der Elektrotechnik (GLET)

## Lernzettel: Elektrostatische Grundgrößen

## (1) Ladung.

Ladung Q ist eine skalare Größe im SI. Einheit: Coulomb (C). Elementarladung:  $e=1.602\times 10^{-19}\,\mathrm{C}.$ 

Wechselwirkung zweier Punktladungen wird durch das Coulomb-Gesetz beschrieben:

$$F = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}.$$

$$k_e \equiv \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \quad \Rightarrow \quad F = k_e \, \frac{q_1 q_2}{r^2}.$$

 $Q=I\,t$  beschreibt die Ladung, die durch einen Leiter fließt, falls Konstanzstrom I über Zeit t fließt.

#### (2) Feld.

Das elektrische Feld E ist die Kraft pro Ladung:

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{F}}{q}.$$

 $|\mathbf{E}|$  hat die Einheit N/C.

ür ein einzelnes Punktladungsfeld gilt:

$$\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q \left(\mathbf{r} - \mathbf{r}_q\right)}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}_q|^3}.$$

'sches Gesetz (Vakuum):

$$\oint_{S} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{A} = \frac{Q_{\text{enc}}}{\varepsilon_{0}}.$$

relevante Größen:

$$\mathbf{D} = \varepsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P}$$
,  $\mathbf{P} = \text{Polarisation (Dipolement pro Volumen)}$ .

#### (3) Potenzial.

Das elektrische Potenzialfeld V ist definiert durch die Beziehung:

$$\mathbf{E} = -\nabla V$$
.

Potentialunterschied zweier Punkte ist:

$$V(B) - V(A) = -\int_A^B \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l}.$$

# (4) Spannung.

Spannung bezeichnet die Potentialdifferenz zwischen zwei Punkten:

$$\Delta V = V_B - V_A = -\int_A^B \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l}.$$

## (5) Polarisation.

P ist die Dipolmomente pro Volumen. Wichtige Beziehungen:

$$\rho_b = -\nabla \cdot \mathbf{P}, \qquad \sigma_b = \mathbf{P} \cdot \hat{\mathbf{n}}.$$

$$\mathbf{D} = \varepsilon_0 \, \mathbf{E} + \mathbf{P}.$$

ür lineare, isotrope dielektrische Materialien:

$$\mathbf{P} = \varepsilon_0 \, \chi_e \, \mathbf{E}, \quad \mathbf{D} = \varepsilon_0 \, \varepsilon_r \, \mathbf{E}, \quad \varepsilon_r = 1 + \chi_e.$$

### (6) Kapazität.

Definition:

$$C = \frac{Q}{V}.$$

ür eine Paralle plates-Kondensator:

$$C = \varepsilon_0 \, \varepsilon_r \, \frac{A}{d}.$$

im elektrischen Feld bzw. im Kondensator:

$$W = \frac{1}{2} C V^2.$$